

Soluzione della verifica del 25.10.2005, classe VB/ABACUS

1. Poiché sono dati i valori della fase e del modulo dell'impedenza si possono ricavare la resistenza e la reattanza che la compongono impostando le relazioni:

$$\varphi_Z = -60^\circ = \arctg \frac{X}{R} \Rightarrow \frac{X}{R} = \operatorname{tg}(-60^\circ) = -1,73 \Rightarrow X = -1,73 \cdot R;$$

$$800 = \sqrt{R^2 + X^2} \Rightarrow 800 = \sqrt{R^2 + (-1,73R)^2} = \sqrt{R^2 + 3R^2} = \sqrt{4R^2} = 2R \Rightarrow R = 400\Omega;$$

$$X = -1,73 \cdot 400 = -692\Omega$$

Dato il segno negativo della reattanza, il componente da considerare è un condensatore di capacità

pari a: $X_C = \frac{1}{2\pi \cdot 15K \cdot C} \Rightarrow C = \frac{1}{2\pi \cdot 15K \cdot X_C} = \frac{1}{2\pi \cdot 15K \cdot 692} = 15,3nF;$

2. Per determinare la corrente che attraversa il bipolo si deve calcolare l'impedenza totale del bipolo stesso nel modo seguente:

$$\bar{Z}_{tot} = 1k + \frac{jk(1k - j1,2k)}{jk + 1k - j1,2k} + j0,5k = 1k + j0,5k + k \frac{jk + 1,2k}{k(1 - j0,2)} = 1k + j0,5k + \frac{k(1,2 + j) \cdot (1 + j0,2)}{(1 - j0,2) \cdot (1 + j0,2)}$$

$$= 1k + j0,5k + \frac{1 + j1,24}{1,04} k = 1k + j0,5k + 0,96k + j1,92k = 1,96k + j2,42k;$$

$$\varphi_{Z_{tot}} = -\varphi_I = \arctg \frac{2,42}{1,96} = 51^\circ,02$$

$$|Z_{tot}| = \sqrt{1,77k^2 + 2,04k^2} = 2,7k\Omega, \text{ per cui la corrente risulta pari a } I_M = \frac{V_{AB,M}}{|Z_{tot}|} = \frac{50}{2,7k} = 18,52mA;$$

noto il valore dell'impedenza tra i nodi C-D, desumibile dal calcolo sopra eseguito:

$$\bar{Z}_{CD} = 0,96k + j1,92k \Rightarrow |Z_{CD}| = \sqrt{0,96k^2 + 1,92k^2} = 2,14k\Omega; \varphi_{Z_{CD}} = \arctg \frac{1,92}{0,96} = 63^\circ,47, \text{ si}$$

determina il valore del modulo di \bar{V}_{CD} , che risulta: $|V_{CD}| = I_M \cdot |Z_{CD}| = 18,52m \cdot 1,72k = 31,85V$ e la fase, $\varphi_{V_{CD}} = \varphi_I + \varphi_{Z_{CD}} = -51^\circ,02 + 63^\circ,47 = 12^\circ,45$.

Per $f \rightarrow 0$ le induttanze si comportano come corto circuito, mentre i condensatori si comportano

da circuito aperto e quindi la corrente totale tra A e B vale: $I = \frac{V_{AB}}{R} = \frac{50}{1k} = 0,05A = 50mA;$

Per $f \rightarrow \infty$ le induttanze si comportano come circuito aperto, mentre i condensatori si comportano come corto circuito, per cui la corrente totale tra A e B vale $I = 0A;$

3. Dai dati del problema risulta:

$$L = \frac{X_L}{2\pi f} = \frac{100}{2\pi \cdot 800} = 0,02H = 20mH; C = \frac{1}{2\pi f \cdot X_C} = \frac{1}{2\pi \cdot 800 \cdot 200} = 1\mu F;$$

$$V_C = I_C \cdot X_C = 15m \cdot 200 = 3V, \varphi_{V_C} = -90^\circ = \varphi_{V_I} = \varphi_{V_R} = \varphi_{V_L},$$

$$I_R = \frac{3}{150} = 20mA; \varphi_{I_R} = -90^\circ; I_L = \frac{3}{100} = 30mA; \varphi_{I_L} = 180^\circ$$

$$I_R(t) = 20m \cdot \operatorname{sen}(2\pi \cdot 800t - 90^\circ); I_L(t) = 30m \cdot \operatorname{sen}(2\pi \cdot 800t + 180^\circ); I_C(t) = 15m \cdot \cos(2\pi \cdot 800t).$$

4. Posto per comodità $\varphi_I = 0^\circ$, le tensioni sui componenti in serie si disporranno secondo la direzione degli assi del piano complesso e, in particolare, $\varphi_{V_R} = 0^\circ$, $\varphi_{V_L} = 90^\circ$, $\varphi_{V_C} = -90^\circ$. Poiché

$V_L=10V$ e $V_R=5V$, dovrà essere: $10 = \sqrt{5^2 + (V_L - V_C)^2} \Rightarrow |V_L - V_C| = \sqrt{100 - 25} = 8,66V$, e quindi $V_C=8,66+3,5=12,16V$.

5. L'andamento temporale dei vettori rappresentati nel piano complesso sarà:

$$V_1(t) = \sqrt{17,3^2 + 10^2} \cdot \text{sen}\left(\omega t + \text{arctg}\left(\frac{10}{-17,3}\right)\right) = 20\text{sen}(\omega t - 30^\circ)$$

$$V_1(t) = \sqrt{17,3^2 + 10^2} \cdot \text{sen}\left(\omega t + \text{arctg}\left(\frac{-17,3}{10}\right)\right) = 20\text{sen}(\omega t - 60^\circ)$$

$$V_1(t) = \sqrt{17,3^2 + 10^2} \cdot \text{sen}\left(\omega t + \text{arctg}\left(\frac{-17,3}{-10}\right)\right) = 20\text{sen}(\omega t + 60^\circ)$$

6. Per calcolare la potenza assorbita dal circuito si deve calcolare l'impedenza totale:

$$Z_{tot} = Z_0 + R_1 // Z_2 = 1,2 + j2,9 + \frac{70 \cdot (24 - j60)}{70 + 24 - j60} = 1,2 + j2,9 + \frac{1680 - j4200}{94 - j60} = 1,2 + j2,9 +$$

$$\frac{(1680 - j4200)(94 + j60)}{(94 - j60)(94 + j60)} = 1,2 + j2,9 + \frac{409920 - j294000}{12436} = 1,2 + j2,9 + 33 - j23,64 = 34,2 - j20,74$$

$$|Z| = \sqrt{34,2^2 + 20,74^2} = 40\Omega \text{ e quindi } I_{eff} = \frac{V_{eff}}{|Z|} = \frac{150}{40} = 3,75A.$$

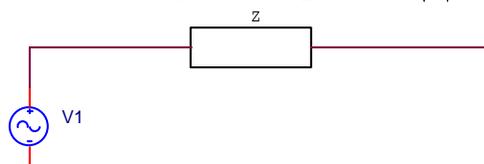
Da ciò segue che $P = R \cdot I_{eff}^2 = 34,2 \cdot 3,75^2 = 480,9W$, $Q = X \cdot I_{eff}^2 = 20,74 \cdot 3,75^2 = 291,6VAR$,

$$A = \sqrt{P^2 + Q^2} = \sqrt{480,9^2 + 291,6^2} = 562,4VA.$$

Etc..

Verifica di elettronica – Classe VB/ABACUS

1. Determinare i due componenti di \bar{Z} quando $\varphi_Z = -60^\circ$, $|Z| = 800\Omega$ e $f = 15kHz$



(max 8 pts)

2. Per il circuito in figura 1, determinare la tensione $\overline{V_{CD}}$ sapendo che $V_{AB,M} = 50V$. Quanto vale la corrente totale tra A e B per $f \rightarrow 0$ e per $f \rightarrow \infty$?

(max 10 pts)

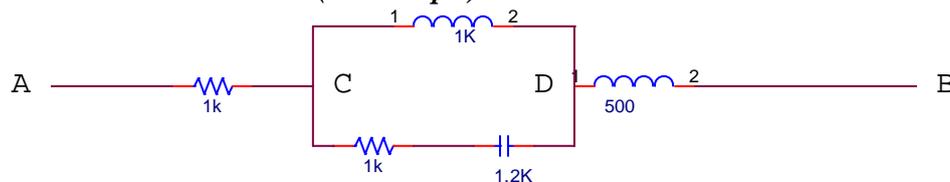
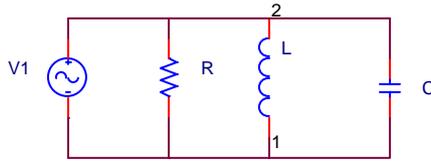


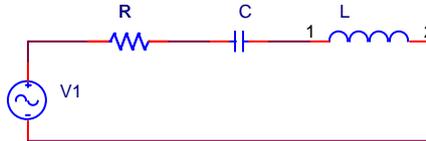
Figura 1

3. Nel circuito in figura, si conosce $\bar{I}_C = 15m\angle 0^\circ$, $f = 800Hz$, $R = 150\Omega$, $X_L = 100\Omega$, $X_C = 200\Omega$. Determinare il valore di L e C e la forma temporale delle correnti sui rami in parallelo.



(max 12 pti)

4. Determinare V_C e φ_Z relativi al circuito in figura, sapendo che $V_1 = 10V$, $V_R = 5V$ e $V_L = 3,5V$



(max 12 pti)

5. Determinare l'andamento temporale delle grandezze rappresentate dai seguenti numeri complessi:

$$\bar{V}_1 = -17.3 + j10$$

$$\bar{V}_2 = 10 - j17.3$$

$$\bar{V}_3 = -10 - j17.3$$

(max 6 pti)

6. Il circuito in figura è alimentato dalla tensione efficace $V_{eff} = 150V$. Determinare le potenze (apparente, attiva e reattiva) assorbite dall'intero circuito e le potenze attive e reattive assorbite dai singoli rami. $Z_0 = R_0 + jX_0 = 1.2 + j2.9\Omega$, $R_1 = 70\Omega$, $Z_2 = R_2 - jX_2 = 24 - j60\Omega$.

(max 12 pti)

